

GeoGebra-File – Lösungsblatt:

Winkelfunktionen im Einheitskreis

Sinus und Cosinus stellen als Koordinaten des Punktes P keine große Schwierigkeit dar, den Tangens an diesen "kritischen" Stellen muss man sich allerdings kurz überlegen:

1) $\alpha = 0^\circ$ bzw. 0 rad

$P = (0|1)$. Die Gerade, die durch P und M geht, verläuft somit entlang der x-Achse und "schneidet" die Tangente im Berührungspunkt selbst.

$$\sin(0) = 0 \quad \cos(0) = 1 \quad \tan(0) = 0$$

$$\text{also: } \sin(0^\circ) = 0 \quad \cos(0^\circ) = 1 \quad \tan(0^\circ) = 0$$

2) $\alpha = 90^\circ$ bzw. $\pi/2$ rad

$P = (0|1)$. Die Gerade, die durch P und M geht, verläuft somit entlang der y-Achse und schneidet die Tangente nie.

Der Tangens ist an dieser Stelle also nicht definiert.

$$\sin(\pi/2) = 1 \quad \cos(\pi/2) = 0 \quad \tan(\pi/2) \text{ existiert nicht}$$

$$\text{also: } \sin(90^\circ) = 1 \quad \cos(90^\circ) = 0 \quad \tan(90^\circ) \text{ existiert nicht}$$

3) $\alpha = 180^\circ$ bzw. π rad

$P = (-1|0)$. Die Gerade, die durch P und M geht, verläuft somit entlang der x-Achse - siehe 1)

$$\sin(\pi) = 0 \quad \cos(\pi) = -1 \quad \tan(\pi) = 0$$

$$\text{also: } \sin(180^\circ) = 0 \quad \cos(180^\circ) = -1 \quad \tan(180^\circ) = 0$$

4) $\alpha = 270^\circ$ bzw. $3 \cdot \pi/2$ rad

$P = (0|-1)$. Die Gerade, die durch P und M geht, verläuft somit entlang der y-Achse und schneidet die Tangente nie.

$$\sin(3 \cdot \pi/2) = -1 \quad \cos(3 \cdot \pi/2) = 0 \quad \tan(3 \cdot \pi/2) \text{ existiert nicht}$$

$$\text{also: } \sin(270^\circ) = -1 \quad \cos(270^\circ) = 0 \quad \tan(270^\circ) \text{ existiert nicht}$$

5) $\alpha = 360^\circ$ bzw. $2 \cdot \pi$ rad

$P = (0|1)$. Die Gerade, die durch P und M geht, verläuft somit entlang der x-Achse und "schneidet" – siehe 1) – die Tangente im Berührungspunkt selbst.

$$\sin(2 \cdot \pi) = 0 \quad \cos(2 \cdot \pi) = 1 \quad \tan(2 \cdot \pi) = 0$$

$$\text{also: } \sin(360^\circ) = 0 \quad \cos(360^\circ) = 1 \quad \tan(360^\circ) = 0$$